



В. М. Андриенко

# ИДЕНТИФИКАЦИЯ МОДЕЛИ ДИНАМИКИ УКРАИНСКОГО ФОНДОВОГО ИНДЕКСА ПФТС

*В статье представлены результаты исследования структуры Украинского фондового индекса ПФТС и обоснование выбора метода моделирования его динамики*

**Ключевые слова:** фондовый индекс, временной ряд, долговременная память, характеристики аттрактора, фрактальные свойства, нейронная модель

## 1. Введение

Необходимость изучения фондового рынка обусловлена тем, что для нормального развития экономики необходима мобилизация временно свободных денежных средств физических и юридических лиц, их распределение и перераспределение на коммерческой основе между разными секторами экономики. Эти процессы и осуществляются на фондовом рынке. Однако слабой стороной фондового рынка является его подверженность к резким колебаниям. Все операции с ценными бумагами всегда сопряжены с риском. Участнику рынка нужно хотя бы приблизительно представлять картину будущего. Поэтому вопросы развития фондового рынка актуальны, и поэтому на первый план выдвигается задача оценки состояния и тенденции развития ситуаций на фондовом рынке.

## 2. Постановка проблемы

Статистическая информация о рынке тщательно анализируется с помощью методов финансового анализа. Это дает понимание прошлого и текущего состояния фондового рынка, но прогнозы, составленные на результатах такого анализа, не могут служить надежной основой для принятия решений об инвестировании. В этой связи, построение математических моделей, позволяющих лучше понять структуру и поведение рынка как единого целого, так и его составляющих, долгое время привлекали и продолжают привлекать внимание исследователей и практиков. Проблема моделирования и прогнозирования динамики индексов и цен рыночных активов является достаточно сложной, и ее нельзя назвать решенной. В разных разделах современной финансовой математики и финансовой инженерии распространены различные взгляды и подходы к решению этой проблемы, что, в свою очередь, порождает проблему выбора метода моделирования в каждом конкретном случае.

## 3. Основная часть

### 3.1. Анализ литературных источников по теме

**исследования.** В настоящее время разработаны соответствующие модели и методы анализа и про-

гнозирования фондовых рынков в рамках таких направлений, как технический и фундаментальный анализ, теория оптимизации инвестиционного портфеля, нелинейной динамики (хаоса) и фрактального рынка. Обобщению накопленного опыта в исследовании фондовых рынков и разработке рекомендаций по практической реализации методов анализа и моделирования посвящены работы [1–4].

Разнообразные статистические данные фондовых рынков поступают в форме временных рядов. Учет временной структуры данных позволяет адекватно отразить их в математических и эконометрических моделях. В работах [1, 2] сформулирована методология анализа временных рядов. Методология предполагает комплексный анализ, то есть всестороннее изучение временного ряда с помощью различных инструментов анализа: корреляционного, спектрального, R/S-анализа, и др. На основе комплексного анализа производится идентификация математической модели, отображающей динамику развития процесса.

В работе [3] приведена методика анализа и моделирования временных рядов и ее аппробация на примере Российского фондового рынка. В статье [4] эта методика применена для Украинского фондового рынка. В данной статье приведены результаты анализа и моделирования индекса ПФТС. Этот индекс рассчитывается с 1997 года ежедневно по результатам торгов на фондовой бирже ПФТС (Первая Фондовая Торговая Система) и признан Международной Финансовой Корпорацией (IFC) и используется при мониторинге внутреннего состояния украинского фондового рынка.

**3.2. Результаты исследования.** Для изучения характеристик фондового рынка использовались ежедневные значения индекса ПФТС на момент закрытия торгов за период 2004–2011 г.г.

В результате анализа выявлено:

— временной ряд значений индекса обладает эффектом долговременной памяти, то есть между членами ряда присутствует долгая положительная автокорреляционная связь;

— показатель Херста  $H = 0,9652 \pm 0,1078$ , что свидетельствует о том, что исследуемый ряд имеет

фрактальные свойства, однако, близкое к единице значение указывает на то, что в нем практически отсутствуют шумы и он неустойчив к шоковым воздействиям, то есть имеет место вероятность резкого снижения или роста;

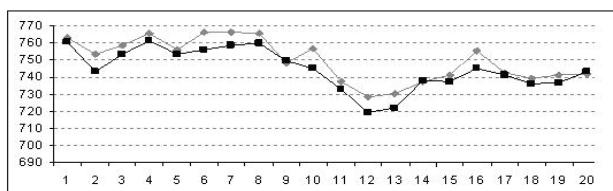
— характеристики аттрактора (корреляционная размерность  $D_2 \approx 2$ , энтропия Колмогорова  $K = 6,11$ ) позволяют идентифицировать индекс ПФТС как сложную динамическую систему с хаотической составляющей и фазовой размерностью  $n \leq 5$ .

Таким образом, выявленные свойства индекса ПФТС, свидетельствуют о том, что украинский фондовый рынок является системой детерминированного хаоса. Такую систему невозможно эффективно моделировать эконометрическими процессами, она описывается нелинейными дифференциальными уравнениями, которые остаются неизвестными. В то же время фрактальная природа индекса дает основание для построения адаптивных моделей с применением технологии нейронных сетей. При этом фазовая размерность  $n$  определяет размер скользящего окна, и, соответственно, количество входных данных в моделях нейросетей.

На рис. 1 показаны результаты нейросетевого моделирования индекса ПФТС по данным за первые 20 дней 2011 года. Черным цветом обозначены фактические данные, серым — прогнозные.

Для моделирования в пакете Matlab применена нейронная сеть Элмана [5]. Эта сеть позволяет помнить свои предыдущие действия и реализовывать задачи обучения, которые разворачиваются во времени, что актуально для прогнозирования временных рядов с памятью. Сеть Элмана с одним нейроном в скрытом слое и одним контекстным нейроном создана с помощью функции:  $net = newelm([1 20], [1 1], \{tansig\}, \{tansig\}, \{trainlm\})$ .

В качестве функции активации использовалась функция гиперболического тангенса —  $tansig$ . Для обучения применен алгоритм Левенберга — Марквардта —  $trainlm$ , основанный на оценке матрицы Гессе и относящийся к методам обучения второго порядка. Прогнозная кривая отражает тенденцию динамики фактических цен, среднеквадратическая ошибка составляет 6,39. Следовательно, можно считать модель адекватной.



**Рис. 1.** Результат нейросетевого моделирования

## Выводы

Наличие долговременной памяти свидетельствует об инертности, а отсутствие шумов — о низкой

активности рынка. Такая ситуация возникает вследствие того, что в Украине доля частных инвесторов ничтожна. Основными игроками украинского фондового рынка являются банки, инвестиционные компании и негосударственные пенсионные фонды.

Для того чтобы изменить ситуацию, необходимо совершенствовать законодательное и нормативное регулирование деятельности участников фондового рынка, разрабатывать меры по привлечению на рынок частных инвесторов и усилению защиты прав акционеров, а также меры, облегчающие для эмитентов процессы IPO (первого публичного размещения акций) и дальнейшего вывода бумаг на вторичный рынок.

## Литература

1. Андріенко В. М. Аналіз фондових ринків [Текст] : Навчальний посібник для студентів вищих навчальних закладів / В. О. Андріenko, В. М. Андрієнко. — Одеса : Астропrint, 2011. — 292 с.
2. Андриенко В. М. Комплексная методология анализа временных рядов [Текст] / В. М. Андриенко, Е. А. Арсирий // Современный научный вестник. Математика. — Белгород, 2010. — № 13(95). — С. 71–92.
3. Андриенко В. М. Интеллектуальный анализ временных рядов со стохастическим трендом [Текст] / В. М. Андриенко, Е. А. Арсирий // Восточно-Европейский журнал передовых технологий. — 2011. — Т. 4, № 4(52). — С. 4–8.
4. Андриенко В. М. Интеллектуальный анализ фондовых рынков [Электронный ресурс] / В. А. Андриенко, В. М. Андриенко, А. Ш. Тулякова // Ефективна економіка. — 2012. — № 4. — Режим доступа: [http://www.economy.nauka.com.ua/index.php?nomer\\_data=4&year\\_data=2012](http://www.economy.nauka.com.ua/index.php?nomer_data=4&year_data=2012).
5. Дьяконов В. П. Справочник по применению системы РС MATLAB [Текст] / В. П. Дьяконов. — М. : Наука Ізд. фирма «Физ.-мат. лит.» — 1993. — 112 с.

## ІДЕНТИФІКАЦІЯ МОДЕЛІ ДИНАМІКИ УКРАЇНСЬКОГО ФОНДОВОГО ІНДЕКСУ ПФТС

### В. М. Андриєнко

У статті представлені результати дослідження структури Українського фондового індексу ПФТС і обґрунтовання вибору метода моделювання його динаміки.

**Ключові слова:** фондовий індекс, часовий ряд, довготривала пам'ять, характеристики аттрактора, фрактальні властивості, нейронна модель.

**Валентина Михайлівна Андриєнко**, доцент кафедри економічної кібернетики та інформаційних технологій Одеського Національного політехнічного університету,  
тел.: (067) 488-52-15, e-mail: andrienko.v@gmail.com.

## AUTHENTICATION OF MODEL OF DYNAMICS UKRAINIAN FUND INDEX OF PFTS

### V. Andrienko

In the article presented results of research of structure of the Ukrainian fund index of PFTS and ground of method of design of his dynamics.

**Keywords:** fund index, temporal row, of long duration memory, descriptions of attractor, properties of fractals, neuron models.

**Valentina Andrienko**, lecturer of department of economic cybernetics and information technologies of the Odessa National polytechnic university, tel.: (067) 488-52-15, e-mail: andrienko.v@gmail.com.